



# Софийски Университет „Св. Климент Охридски“

## Писмен конкурсен изпит по математика II

17 юни 2018 година

### Тема №2

**Задача 1.** Да се реши неравенството:

$$(x^6 - 7x^3 - 8)(x^2 - 4) \leq 0 .$$

**Задача 2.**  $AL$  ( $L \in BC$ ) е ъглополовяща в правоъгълния триъгълник  $ABC$  ( $\angle ACB = 90^\circ$ ). Да се намерят медианите на триъгълника, ако  $CL = 36$  и  $BL = 39$ .

**Задача 3.** Сумата на членовете на аритметична прогресия е  $-66$ . Да се намери броят на членовете на прогресията, ако сумата на първите пет члена е  $0$ , а сумата от квадратите на същите членове е  $40$ .

**Задача 4.** Точки  $M$  и  $N$  лежат на страните  $AD$  и  $AB$  на квадрат  $ABCD$ , като  $AM : MD = 2 : 1$  и  $AN : NB = 3 : 1$ . Да се намери отношението  $BP : PQ : QD$ , където  $P$  е пресечната точка на  $BD$  и  $CN$ , а  $Q$  е пресечната точка на  $BD$  и  $CM$ .

**Задача 5.** Да се реши системата:

$$\begin{cases} 6x^2 - xy - 2y^2 = 0 \\ \sqrt{(x+1)^2 + (y+1)^2 - 3} = y \end{cases} .$$

**Задача 6.** Да се реши неравенството:

$$\log_{x-2}(5x+4) \cdot \log_{x-2} \frac{5x+4}{x-2} \leq 2 .$$

**Задача 7.** Трапец с основи  $10$  и  $18$  е описан около окръжност. Да се намери възможно най-големият радиус на окръжността.

**Задача 8.** Основата  $ABCD$  на пирамида  $ABCDQ$  е правоъгълник със страни  $AB = 8$  и  $BC = 4$ , а всички околни ръбове имат дължина  $5$ . Да се намери косинусът на ъгъла между стените  $BCQ$  и  $CDQ$ .

**Време за работа — 4 часа.**

**Драги кандидат студенти,**

- номерирайте всички страници на беловата си;
- означавайте ясно началото и края на решението на всяка отделна задача;
- решението на всяка задача трябва да започва на нова страница;
- не смесвайте белова и чернова;
- черновата не се проверява и не се оценява.

**Изпитната комисия Ви пожелава успешна работа!**