

| вариант  | ф. номер | група | поток | курс | от предишна година? |
|----------|----------|-------|-------|------|---------------------|
| <b>А</b> |          |       |       |      |                     |
| Име:     |          |       |       |      |                     |

**Устен изпит по СЕП,12.02.2016  
спец. Компютърни науки, III курс**

**Зад 1.** Нека  $\mathcal{F}_1$  е множеството от всички едноместни частични функции в естествените числа.

- Дайте определение за точна горна граница (т.г.г.) на множество  $G \subseteq \mathcal{F}_1$ . Докажете, че всяка монотонно растяща редица  $f_0 \subseteq f_1 \subseteq \dots$  в  $\mathcal{F}_1$  притежава т.г.г.  $\bigcup_{n=0}^{\infty} f_n$ .
- Нека  $\{f_n\}_{n=0}^{\infty}$  е подредица на монотонно растящата редица  $\{f_n\}_{n=0}^{\infty}$ . Докажете, че  $\bigcup_{n=0}^{\infty} f_n = \bigcup_{n=0}^{\infty} f_n$ .
- Дайте пример за редица  $f_0, f_1, \dots$  от функции в  $\mathcal{F}_1$ , която не е монотонно растяща и съответно няма т.г.г.
- Докажете, че ако крайната функция  $\theta$  е подфункция на  $\bigcup_{n=0}^{\infty} f_n$ , то  $\theta$  е подфункция на  $f_n$  за някое  $n$ . Дали това е вярно и за безкрайна  $\theta$ ? Обосновете се.

**Зад. 2.** Нека  $\Gamma : \mathcal{F}_k \rightarrow \mathcal{F}_k$  е компактен оператор и нека  $f_{\Gamma}$  е най-малката неподвижна точка на  $\Gamma$ . Нека още  $G = \{f \in \mathcal{F}_k \mid \Gamma(f) = f\}$ . Докажете, че наредената тройка  $\mathbf{G} = (G, \subseteq, f_{\Gamma})$  е област на Скот.

**Зад. 3.** Нека  $R$  е произволна рекурсивна програма над типа данни  $Nat$ .

- Напишете правилата за извод от  $R$  на опростяването  $\mu \rightarrow c$  в зависимост от вида на терма  $\mu$  (в двата варианта — по стойност и по име).
- Дефинирайте операционната семантика по стойност и по име на програмата  $R$  с глава  $\tau(X, Y, F_1, F_2)$ .

Приятна работа и успех :)!

| вариант  | ф. номер | група | поток | курс | от предишна година? |
|----------|----------|-------|-------|------|---------------------|
| <b>А</b> |          |       |       |      |                     |
| Име:     |          |       |       |      |                     |

**Устен изпит по СЕП,12.02.2016  
спец. Компютърни науки, III курс**

**Зад 1.** Нека  $\mathcal{F}_1$  е множеството от всички едноместни частични функции в естествените числа.

- Дайте определение за точна горна граница (т.г.г.) на множество  $G \subseteq \mathcal{F}_1$ . Докажете, че всяка монотонно растяща редица  $f_0 \subseteq f_1 \subseteq \dots$  в  $\mathcal{F}_1$  притежава т.г.г.  $\bigcup_{n=0}^{\infty} f_n$ .
- Нека  $\{f_n\}_{n=0}^{\infty}$  е подредица на монотонно растящата редица  $\{f_n\}_{n=0}^{\infty}$ . Докажете, че  $\bigcup_{n=0}^{\infty} f_n = \bigcup_{n=0}^{\infty} f_n$ .
- Дайте пример за редица  $f_0, f_1, \dots$  от функции в  $\mathcal{F}_1$ , която не е монотонно растяща и съответно няма т.г.г.
- Докажете, че ако крайната функция  $\theta$  е подфункция на  $\bigcup_{n=0}^{\infty} f_n$ , то  $\theta$  е подфункция на  $f_n$  за някое  $n$ . Дали това е вярно и за безкрайна  $\theta$ ? Обосновете се.

**Зад. 2.** Нека  $\Gamma : \mathcal{F}_k \rightarrow \mathcal{F}_k$  е компактен оператор и нека  $f_{\Gamma}$  е най-малката неподвижна точка на  $\Gamma$ . Нека още  $G = \{f \in \mathcal{F}_k \mid \Gamma(f) = f\}$ . Докажете, че наредената тройка  $\mathbf{G} = (G, \subseteq, f_{\Gamma})$  е област на Скот.

**Зад. 3.** Нека  $R$  е произволна рекурсивна програма над типа данни  $Nat$ .

- Напишете правилата за извод от  $R$  на опростяването  $\mu \rightarrow c$  в зависимост от вида на терма  $\mu$  (в двата варианта — по стойност и по име).
- Дефинирайте операционната семантика по стойност и по име на програмата  $R$  с глава  $\tau(X, Y, F_1, F_2)$ .

Приятна работа и успех :)!

| вариант  | ф. номер | група | поток | курс | от предишна година? |
|----------|----------|-------|-------|------|---------------------|
| <b>В</b> |          |       |       |      |                     |
| Име:     |          |       |       |      |                     |

**Устен изпит по СЕП,12.02.2016  
спец. Компютърни науки, III курс**

**Зад 1.** Нека  $\mathcal{F}_1$  е множеството от всички едноместни частични функции в естествените числа.

- Дайте определение за точна горна граница (т.г.г.) на множество  $G \subseteq \mathcal{F}_1$ . Докажете, че всяка монотонно растяща редица  $f_0 \subseteq f_1 \subseteq \dots$  в  $\mathcal{F}_1$  притежава т.г.г.  $\bigcup_{n=0}^{\infty} f_n$ .
- Нека  $\{f_n\}_{n=0}^{\infty}$  е подредица на монотонно растящата редица  $\{f_n\}_{n=0}^{\infty}$ . Докажете, че  $\bigcup_{n=0}^{\infty} f_n = \bigcup_{n=0}^{\infty} f_n$ .
- Дайте пример за редица  $f_0, f_1, \dots$  от функции в  $\mathcal{F}_1$ , която не е монотонно растяща и съответно няма т.г.г.
- Докажете, че ако крайната функция  $\theta$  е подфункция на  $\bigcup_{n=0}^{\infty} f_n$ , то  $\theta$  е подфункция на  $f_n$  за някое  $n$ . Дали това е вярно и за безкрайна  $\theta$ ? Обосновете се.

**Зад. 2.** Нека  $\Gamma : \mathcal{F}_m \rightarrow \mathcal{F}_m$  е компактен оператор и нека  $f_{\Gamma}$  е най-малката му неподвижна точка. Нека още  $G = \{f \in \mathcal{F}_m \mid \Gamma(f) = f\}$ . Докажете, че наредената тройка  $\mathbf{G} = (G, \subseteq, f_{\Gamma})$  е област на Скот.

**Зад. 3.** Нека  $R$  е произволна рекурсивна програма над типа данни  $Nat$ .

- Напишете правилата за извод от  $R$  на опростяването  $\mu \rightarrow c$  в зависимост от вида на терма  $\mu$  (в двата варианта — по стойност и по име).
- Дефинирайте операционната семантика по стойност и по име на програмата  $R$  с глава  $\tau(X, Y, Z, F_1, F_2)$ .

Приятна работа и успех :)!

| вариант  | ф. номер | група | поток | курс | от предишна година? |
|----------|----------|-------|-------|------|---------------------|
| <b>В</b> |          |       |       |      |                     |
| Име:     |          |       |       |      |                     |

**Устен изпит по СЕП,12.02.2016  
спец. Компютърни науки, III курс**

**Зад 1.** Нека  $\mathcal{F}_1$  е множеството от всички едноместни частични функции в естествените числа.

- Дайте определение за точна горна граница (т.г.г.) на множество  $G \subseteq \mathcal{F}_1$ . Докажете, че всяка монотонно растяща редица  $f_0 \subseteq f_1 \subseteq \dots$  в  $\mathcal{F}_1$  притежава т.г.г.  $\bigcup_{n=0}^{\infty} f_n$ .
- Нека  $\{f_n\}_{n=0}^{\infty}$  е подредица на монотонно растящата редица  $\{f_n\}_{n=0}^{\infty}$ . Докажете, че  $\bigcup_{n=0}^{\infty} f_n = \bigcup_{n=0}^{\infty} f_n$ .
- Дайте пример за редица  $f_0, f_1, \dots$  от функции в  $\mathcal{F}_1$ , която не е монотонно растяща и съответно няма т.г.г.
- Докажете, че ако крайната функция  $\theta$  е подфункция на  $\bigcup_{n=0}^{\infty} f_n$ , то  $\theta$  е подфункция на  $f_n$  за някое  $n$ . Дали това е вярно и за безкрайна  $\theta$ ? Обосновете се.

**Зад. 2.** Нека  $\Gamma : \mathcal{F}_m \rightarrow \mathcal{F}_m$  е компактен оператор и нека  $f_{\Gamma}$  е най-малката му неподвижна точка. Нека още  $G = \{f \in \mathcal{F}_m \mid \Gamma(f) = f\}$ . Докажете, че наредената тройка  $\mathbf{G} = (G, \subseteq, f_{\Gamma})$  е област на Скот.

**Зад. 3.** Нека  $R$  е произволна рекурсивна програма над типа данни  $Nat$ .

- Напишете правилата за извод от  $R$  на опростяването  $\mu \rightarrow c$  в зависимост от вида на терма  $\mu$  (в двата варианта — по стойност и по име).
- Дефинирайте операционната семантика по стойност и по име на програмата  $R$  с глава  $\tau(X, Y, Z, F_1, F_2)$ .

Приятна работа и успех :)!