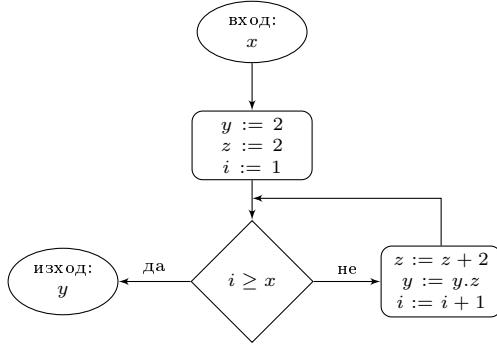


вариант	ф. номер	группа	поток	курс	специалност
A					
Име:					

Писмен изпит по СЕП, 01.09.2017



Зад. 1. Докажете, че програмата, зададена с горната блок-схема, е totally коректна относно входно условие  $A : x \in \mathbb{N}^+$  и изходно условие  $C : y = (2x)!!$ .

Забележка: По определение

$$x!! = \begin{cases} 1, & \text{ако } x = 0 \\ 2.4.\dots.x, & \text{ако } x > 0 \text{ е четно} \\ 1.3.\dots.x, & \text{ако } x \text{ е нечетно} \end{cases}$$

Зад. 2. Нека  $R$  е следната рекурсивна програма над  $\mathbb{N}$ :

$f(x, 1)$  where  
 $f(x, y) = \text{if } x == 0 \text{ then } y \text{ else } f(x - 1, g(x, y))$   
 $g(x, y) = \text{if } x == 0 \text{ then } 0 \text{ else } g(x - 1, y) + 2y$

Докажете, че  $\forall x (!D_V(R)(x) \Rightarrow D_V(R)(x) = (2x)!!)$ .

Зад. 3. Намерете  $D_V(R)$  и  $D_N(R)$  за програмата  $R$  над  $\mathbb{N}$ :

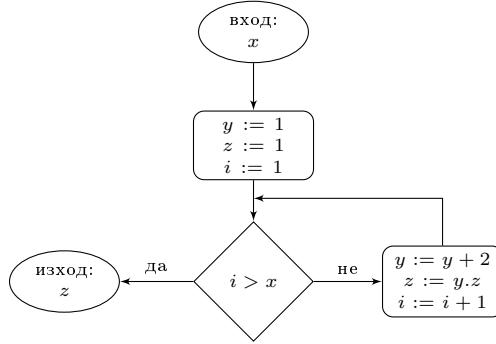
$f(x, x)$  where

$$f(x, y) = \begin{array}{ll} \text{if } x == 0 \text{ then } 0 & \text{else} \\ \text{if } x \equiv 1 \pmod{2} & \text{then } f\left(\frac{x-1}{2}, y\right) + 1 \\ & \text{else } f\left(\frac{x}{2}, f(x, y)\right) \end{array}$$

Успех! ☺

вариант	ф. номер	группа	поток	курс	специалност
B					
Име:					

Писмен изпит по СЕП, 01.09.2017



Зад. 1. Докажете, че програмата, зададена с горната блок-схема, е totally коректна относно входно условие  $A : x \in \mathbb{N}^+$  и изходно условие  $C : z = (2x + 1)!!$ .

Забележка: По определение

$$x!! = \begin{cases} 1, & \text{ако } x = 0 \\ 2.4.\dots.x, & \text{ако } x > 0 \text{ е четно} \\ 1.3.\dots.x, & \text{ако } x \text{ е нечетно} \end{cases}$$

Зад. 2. Нека  $R$  е следната рекурсивна програма над  $\mathbb{N}$ :

$f(x, 1)$  where  
 $f(x, y) = \text{if } x == 0 \text{ then } y \text{ else } f(x - 1, g(x, y))$   
 $g(x, y) = \text{if } x == 0 \text{ then } 0 \text{ else } g(x - 1, y) + 2y$

Докажете, че  $\forall x (!D_V(R)(x) \Rightarrow D_V(R)(x) = (2x + 1)!!)$ .

Зад. 3. Намерете  $D_V(R)$  и  $D_N(R)$  за програма  $R$  над  $\mathbb{N}$ :

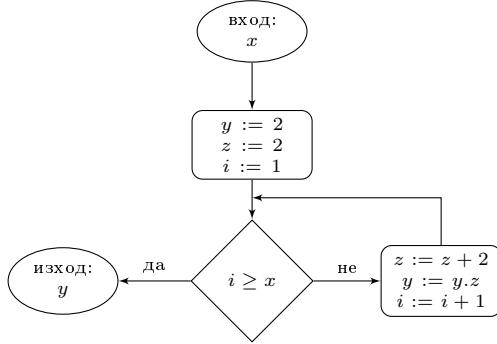
$f(x, x)$  where

$$f(x, y) = \begin{array}{ll} \text{if } x == 0 \text{ then } 0 & \text{else} \\ \text{if } x \equiv 0 \pmod{2} & \text{then } f\left(\frac{x}{2}, y\right) \\ & \text{else } f\left(\frac{x-1}{2}, f(x, y)\right) + 1 \end{array}$$

Успех! ☺

вариант	ф. номер	группа	поток	курс	специалност
A					
Име:					

Писмен изпит по СЕП, 01.09.2017



Зад. 1. Докажете, че програмата, зададена с горната блок-схема, е totally коректна относно входно условие  $A : x \in \mathbb{N}^+$  и изходно условие  $C : y = (2x)!!$ .

Забележка: По определение

$$x!! = \begin{cases} 1, & \text{ако } x = 0 \\ 2.4.\dots.x, & \text{ако } x > 0 \text{ е четно} \\ 1.3.\dots.x, & \text{ако } x \text{ е нечетно} \end{cases}$$

Зад. 2. Нека  $R$  е следната рекурсивна програма над  $\mathbb{N}$ :

$f(x, 1)$  where  
 $f(x, y) = \text{if } x == 0 \text{ then } y \text{ else } f(x - 1, g(x, y))$   
 $g(x, y) = \text{if } x == 0 \text{ then } 0 \text{ else } g(x - 1, y) + 2y$

Докажете, че  $\forall x (!D_V(R)(x) \Rightarrow D_V(R)(x) = (2x)!!)$ .

Зад. 3. Намерете  $D_V(R)$  и  $D_N(R)$  за програмата  $R$  над  $\mathbb{N}$ :

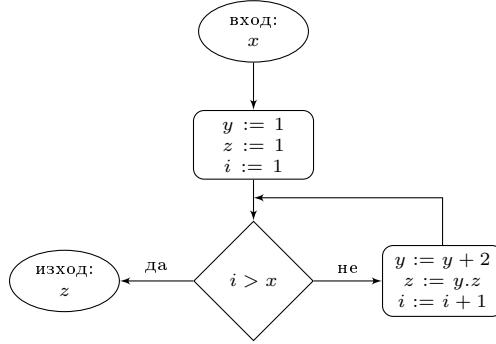
$f(x, x)$  where

$$f(x, y) = \begin{array}{ll} \text{if } x == 0 \text{ then } 0 & \text{else} \\ \text{if } x \equiv 1 \pmod{2} & \text{then } f\left(\frac{x-1}{2}, y\right) + 1 \\ & \text{else } f\left(\frac{x}{2}, f(x, y)\right) \end{array}$$

Успех! ☺

вариант	ф. номер	группа	поток	курс	специалност
B					
Име:					

Писмен изпит по СЕП, 01.09.2017



Зад. 1. Докажете, че програмата, зададена с горната блок-схема, е totally коректна относно входно условие  $A : x \in \mathbb{N}^+$  и изходно условие  $C : z = (2x + 1)!!$ .

Забележка: По определение

$$x!! = \begin{cases} 1, & \text{ако } x = 0 \\ 2.4.\dots.x, & \text{ако } x > 0 \text{ е четно} \\ 1.3.\dots.x, & \text{ако } x \text{ е нечетно} \end{cases}$$

Зад. 2. Нека  $R$  е следната рекурсивна програма над  $\mathbb{N}$ :

$f(x, 1)$  where  
 $f(x, y) = \text{if } x == 0 \text{ then } y \text{ else } f(x - 1, g(x, y))$   
 $g(x, y) = \text{if } x == 0 \text{ then } 0 \text{ else } g(x - 1, y) + 2y$

Докажете, че  $\forall x (!D_V(R)(x) \Rightarrow D_V(R)(x) = (2x + 1)!!)$ .

Зад. 3. Намерете  $D_V(R)$  и  $D_N(R)$  за програма  $R$  над  $\mathbb{N}$ :

$f(x, x)$  where

$$f(x, y) = \begin{array}{ll} \text{if } x == 0 \text{ then } 0 & \text{else} \\ \text{if } x \equiv 0 \pmod{2} & \text{then } f\left(\frac{x}{2}, y\right) \\ & \text{else } f\left(\frac{x-1}{2}, f(x, y)\right) + 1 \end{array}$$

Успех! ☺