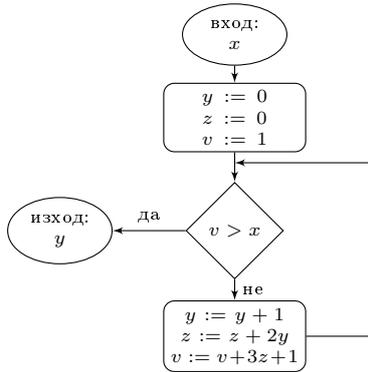


вариант	ф. номер	група	поток	курс	специалност
А					
Име:					

Писмен изпит по СЕП, спец. Информатика, 05.07.2021

Зад. 1. Да се докаже, че програмата, зададена с блок-схемата по-долу, е тотално коректна относно:

вх. условие $I(x) \Leftrightarrow x \in \mathbb{N}$ и изх. условие $O(x, y) \Leftrightarrow y = \lfloor \sqrt[3]{x} \rfloor$.



Зад. 2. Даден е операторът $\Gamma: \mathcal{F}_2 \rightarrow \mathcal{F}_2$, дефиниран като:

$$\Gamma(f)(x, y) \simeq \begin{cases} 0, & \text{ако } y = 0 \\ f(1, y-1) + 1, & \text{ако } x = 0 \ \& \ y > 0 \\ f(f(x-1, y), y-1) + 1, & \text{ако } x > 0 \ \& \ y > 0. \end{cases}$$

- а) Да се докаже, че Γ е компактен оператор.
 б) Да се докаже, че $\forall x \forall y (!f_{\Gamma}(x, y) \implies f_{\Gamma}(x, y) \geq \min(x, y))$.

Зад. 3. Нека R е следната рекурсивна програма:

$F(X, 0, 0)$ where
 $F(X, Y, Z) = \text{if } X=Y \text{ then } 1 \text{ else } (Y+1).F(X, Y+1, F(X+1, Y, Z))$

- а) Да се докаже, че $\forall x (!D_N(R)(x) \implies D_N(R)(x) \simeq x!)$.
 б) Вярно ли е, че $D_N(R)$ е тотална функция? Обосновете се.

Само за "минали години": Да се докаже, че $D_V(R) \neq D_N(R)$.

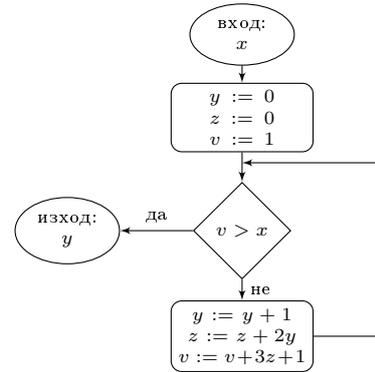
Успех! :)

вариант	ф. номер	група	поток	курс	специалност
А					
Име:					

Писмен изпит по СЕП, спец. Информатика, 05.07.2021

Зад. 1. Да се докаже, че програмата, зададена с блок-схемата по-долу, е тотално коректна относно:

вх. условие $I(x) \Leftrightarrow x \in \mathbb{N}$ и изх. условие $O(x, y) \Leftrightarrow y = \lfloor \sqrt[3]{x} \rfloor$.



Зад. 2. Даден е операторът $\Gamma: \mathcal{F}_2 \rightarrow \mathcal{F}_2$, дефиниран като:

$$\Gamma(f)(x, y) \simeq \begin{cases} 0, & \text{ако } y = 0 \\ f(1, y-1) + 1, & \text{ако } x = 0 \ \& \ y > 0 \\ f(f(x-1, y), y-1) + 1, & \text{ако } x > 0 \ \& \ y > 0. \end{cases}$$

- а) Да се докаже, че Γ е компактен оператор.
 б) Да се докаже, че $\forall x \forall y (!f_{\Gamma}(x, y) \implies f_{\Gamma}(x, y) \geq \min(x, y))$.

Зад. 3. Нека R е следната рекурсивна програма:

$F(X, 0, 0)$ where
 $F(X, Y, Z) = \text{if } X=Y \text{ then } 1 \text{ else } (Y+1).F(X, Y+1, F(X+1, Y, Z))$

- а) Да се докаже, че $\forall x (!D_N(R)(x) \implies D_N(R)(x) \simeq x!)$.
 б) Вярно ли е, че $D_N(R)$ е тотална функция? Обосновете се.

Само за "минали години": Да се докаже, че $D_V(R) \neq D_N(R)$.

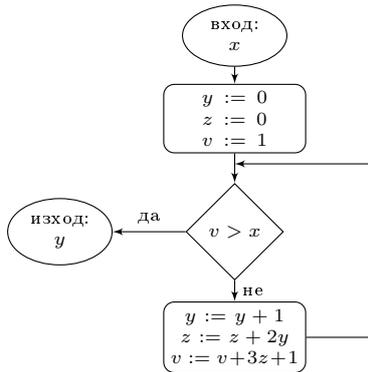
Успех! :)

вариант	ф. номер	група	поток	курс	специалност
А					
Име:					

Писмен изпит по СЕП, спец. Информатика, 05.07.2021

Зад. 1. Да се докаже, че програмата, зададена с блок-схемата по-долу, е тотално коректна относно:

вх. условие $I(x) \Leftrightarrow x \in \mathbb{N}$ и изх. условие $O(x, y) \Leftrightarrow y = \lfloor \sqrt[3]{x} \rfloor$.



Зад. 2. Даден е операторът $\Gamma: \mathcal{F}_2 \rightarrow \mathcal{F}_2$, дефиниран като:

$$\Gamma(f)(x, y) \simeq \begin{cases} 0, & \text{ако } y = 0 \\ f(1, y-1) + 1, & \text{ако } x = 0 \ \& \ y > 0 \\ f(f(x-1, y), y-1) + 1, & \text{ако } x > 0 \ \& \ y > 0. \end{cases}$$

- а) Да се докаже, че Γ е компактен оператор.
 б) Да се докаже, че $\forall x \forall y (!f_{\Gamma}(x, y) \implies f_{\Gamma}(x, y) \geq \min(x, y))$.

Зад. 3. Нека R е следната рекурсивна програма:

$F(X, 0, 0)$ where
 $F(X, Y, Z) = \text{if } X=Y \text{ then } 1 \text{ else } (Y+1).F(X, Y+1, F(X+1, Y, Z))$

- а) Да се докаже, че $\forall x (!D_N(R)(x) \implies D_N(R)(x) \simeq x!)$.
 б) Вярно ли е, че $D_N(R)$ е тотална функция? Обосновете се.

Само за "минали години": Да се докаже, че $D_V(R) \neq D_N(R)$.

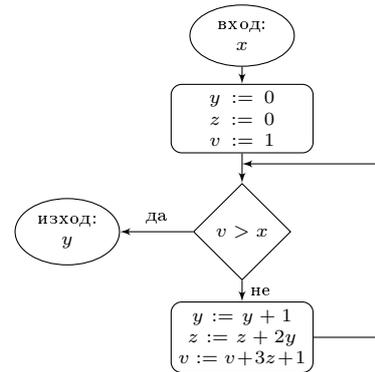
Успех! :)

вариант	ф. номер	група	поток	курс	специалност
А					
Име:					

Писмен изпит по СЕП, спец. Информатика, 05.07.2021

Зад. 1. Да се докаже, че програмата, зададена с блок-схемата по-долу, е тотално коректна относно:

вх. условие $I(x) \Leftrightarrow x \in \mathbb{N}$ и изх. условие $O(x, y) \Leftrightarrow y = \lfloor \sqrt[3]{x} \rfloor$.



Зад. 2. Даден е операторът $\Gamma: \mathcal{F}_2 \rightarrow \mathcal{F}_2$, дефиниран като:

$$\Gamma(f)(x, y) \simeq \begin{cases} 0, & \text{ако } y = 0 \\ f(1, y-1) + 1, & \text{ако } x = 0 \ \& \ y > 0 \\ f(f(x-1, y), y-1) + 1, & \text{ако } x > 0 \ \& \ y > 0. \end{cases}$$

- а) Да се докаже, че Γ е компактен оператор.
 б) Да се докаже, че $\forall x \forall y (!f_{\Gamma}(x, y) \implies f_{\Gamma}(x, y) \geq \min(x, y))$.

Зад. 3. Нека R е следната рекурсивна програма:

$F(X, 0, 0)$ where
 $F(X, Y, Z) = \text{if } X=Y \text{ then } 1 \text{ else } (Y+1).F(X, Y+1, F(X+1, Y, Z))$

- а) Да се докаже, че $\forall x (!D_N(R)(x) \implies D_N(R)(x) \simeq x!)$.
 б) Вярно ли е, че $D_N(R)$ е тотална функция? Обосновете се.

Само за "минали години": Да се докаже, че $D_V(R) \neq D_N(R)$.

Успех! :)