

**ПРИМЕРНА ИЗПИТНА ТЕМА ПО МАТЕМАТИКА
ЗА КАНДИДАТСТВАНЕ В СУ 'СВ.КЛ. ОХРИДСКИ'
ПРЕЗ 2006г.**

Задача 1. Да се реши уравнението

$$\frac{3}{x+2} - \frac{2x-1}{x+1} = \frac{2x+1}{x^2+3x+2}.$$

Задача 2. Да се реши уравнението $\sqrt{2x+2} + \sqrt{x} = 3$.

Задача 3. Даден е правоъгълен $\triangle ABC$ с $\angle ACB = 90^\circ$. Точките M и N са средите съответно на катетите BC и AC , като $AM = 2\sqrt{2}$ и $BN = \sqrt{17}$. Да се намери лицето на $\triangle ABC$.

Задача 4. Даден е ромб $ABCD$ с $\angle DAB = 60^\circ$. Точките M и N са средите съответно на страните BC и CD . Да се намери косинусът на $\angle MAN$.

Задача 5. Да се реши неравенството $x + \lg(5^x - 1) < x \lg 2 + \lg 20$.

Задача 6. Да се намери първият член на аритметична прогресия, членовете на която са цели числа, ако сумата S_6 на първите шест члена се отличава от сумата на следващите шест члена с не повече от 450, а сумата S_5 е по-голяма поне с 6 както от S_6 , така и от S_4 .

Задача 7. В остроъгълен $\triangle ABC$ с ортоцентър H окръжността, описана около $\triangle ABH$ минава през средите на страните AC и BC и има радиус с дължина 2. Да се намерят дължините на страните на $\triangle ABC$.

Задача 8. Дадена е триъгълна пирамида $ABCD$. През върха A е построена равнина λ , успоредна на ръба CD , която пресича ръба BD в точка M . Да се намери отношението $BM : DM$, при което равнината λ разделя пирамидата на две части с равни обеми.

Задача 9. Да се намерят стойностите на реалния параметър a , за които най-малката стойност на функцията $f(x) = 2x^3 - 3ax^2$ в интервала $[0,1]$ е равна на най-голямата стойност на $f(x)$ в интервала $[1,2]$.

Задача 10. Нека a, b, c са реални числа, такива че уравнението $ax^2 + bx + c = 0$ има реални корени. Да се докаже, че ако α е такова реално число, че $|a\alpha^2 + b\alpha + c| < a$, то уравнението има корен в интервала $(\alpha - 1, \alpha + 1)$.